インコヒーレントチューンスプレッド測定にむけた高周波二極磁場エキサイタの開発 DEVELOPMENT OF THE MAGNETIC DIPOLE EXCITER FOR THE INCOHERENT TUNE SPREAD MEASUREMENT

加藤新一^{#, A)},原田寛之^{B)},發知英明^{B)},岡部晃大^{B)},大森千広^{C)},田村文彦^{B)},金正倫計^{B)}

Shinichi Kato^{#, A)}, Hiroyuki Harada^{B)}, Hideaki Hotchi^{B)}, Kota Okabe^{B)}, Chihiro Ohmori^{C)}, Fumihiko Tamura^{B)},

^{A)} Graduate School of Science, Tohoku University

^{B)} JAEA/J-PARC

^{C)} KEK/J-PARC

Abstract

For the high intensity hadron accelerator, the incoherent tune spread occurs by the space charge force. When the incoherent tune satisfies a betatron resonance condition, the beam emittance growth and the beam loss might occur. So it is necessary to reduce and control the incoherent tune spread as much as possible. To achieve this condition, it is desired to measure the incoherent tune spread directly. From the simulation results, it became clear that the incoherent tune spread size could be detected when the mono frequency dipole exciter was adopted. However, a huge input power is required when the exciter which kicks particles by the electric field is constructed because the necessary kick angle is large. Therefore, the new type magnetic dipole exciter has been examined. In order to estimate the necessary power, the shunt impedance of the test core which is scale down model was measured. As a result, it is supposed that the necessary input power is approximately several kW.

1. はじめに

大強度陽子加速器施設である Japan Proton Accelerator Research Complex (J-PARC)^[1]は、181 MeV リニアック、3 GeV シンクロトロン(RCS)、50 GeV シンクロトロン(MR)の3基の加速器群から構成され る。これらは世界最高クラスの大強度陽子ビームを 物質・生命科学、原子核・素粒子、ニュートリノの 各実験施設に供給し、最先端の実験を可能にする。 特に RCS は、ミュオン生成標的及び中性子生成標 的へのビーム供給と、MR の入射器という二つの役 割を担っており、25Hz という速い繰り返しで、リ ニアックから入射された陽子ビームを3 GeV まで加 速する。リニアックのエネルギーは今夏 400 MeV に アップグレードされ、 RCS は、陽子シンクロトロ ンとしては世界初の出力領域である、従来の陽子シ ンクロトロンと比較して一桁大きい、1MW のビー ム出力を目指している。

陽子加速器では、ビーム出力はビームロスの量に よって制限される。なぜなら、ロスとなった陽子 ビームは、真空ダクトや周辺の機器を放射化し、加 速器のメンテナンスを困難にしてしまうからである。 つまり、大強度出力を実現するためには、ビームロ スを低減させることが最重要である。

大強度陽子加速器でのロスの起源として、空間電 荷力によるインコヒーレントチューンスプレッドが ある。Figure 1 に、RCS におけるチューンダイアグ ラムとチューンスプレッドを示す。電荷密度が増加 すると、各々の粒子が持つ電荷による反発力(空間電 荷力)によって、外部磁場による収束力が弱められる。 そのため、各々の粒子のベータトロンチューンが減 少する。さらに、各々の粒子が受ける空間電荷力は 違っているため、チューンの減少量がそれぞれ異な り、チューンは広がってしまう。これがインコヒー レントチューンスプレッドである。チューンスプ レッドによってチューンが共鳴条件に抵触すること は、ビームロスの原因となり得る。そのため、 チューンスプレッドを抑制、制御する必要がある。

RCS では、入射ビームを多周回に分けて入射す ることで大強度化を可能としており、この多重入射 中に入射ビームを周回軌道中心から徐々にずらし周 回ビームを意図的に太らせることで、電荷密度を抑 制し、チューンスプレッドを抑制している^[2]。しか



Figure 1: The tune diagram and the incoherent tune spread. Lines indicate the resonance conditions up to the 4^{th} order.

[#] skato@post.j-parc.jp

し、今後この入射過程を用いたチューンスプレッド の抑制手法をさらに発展させていくためには、イン コヒーレントチューンスプレッドの大きさや分布を 直接測定できることが望まれる。そこで我々は、測 定手法の検討と、測定のために必要となる高周波 2 極エキサイタの検討を行っている。以下では、これ らの検討結果について報告する。

2. インコヒーレントチューンの2極共鳴

チューン測定の手法の一つとして、RF ノックア ウト法がある。単色周波数を持つ2極エキサイタを 励起すると、その周波数がチューンに同期した際、 ビームは共鳴しロスとなる。つまり、エキサイタの 周波数を走査し、ロスが起きる周波数を得ることで、 チューンを測定できる。しかし、インコヒーレント チューンは2極キックでは共鳴を起こさないことが 導き出される^[3]。そのため、インコヒーレント チューン測定に対して、単純に RF ノックアウト法 を適用することは出来ない。しかし、多粒子シミュ レーションの結果から、2極エキサイタの周波数と 同期したインコヒーレントチューンを持つ粒子は一 時的に共鳴を起こし、ビーム分布が変化することが 分かった^[4]。Figure 2 は、シミュレーションより得ら れた、181 MeV 入射直後の垂直方向のインコヒーレ ントチューン分布である。オペレーティングチュー



Figure 2: Two patterns of the vertical incoherent tune distribution after injection. Sky blue, red, green and blue lines indicate the $v_y = 6.10$, 6.22, 6.27 and 6.33, respectively.



Figure 3: The vertical distributions with or without exciter kick. Black lines indicate the result in the case without exciter kick. Sky blue, red, green and blue lines indicate the result in the case of $v_y = 6.10, 6.22, 6.27$ and 6.33 exciter kick, respectively.

ンは(6.43, 6.43)で、ビーム出力 100 kW 相当の場合の 結果である。入射パターンによって 2 つの分布を生 成している。この分布に対して、Figure 2 に色線で 示した 4 つのチューンに対応した周波数の垂直方向 キックを与えた時の、垂直方向のビーム分布が Figure 3 である。

チューンに対応したエキサイタキックを与えた時 には、ビーム分布が広がることが分かる。例えば、 $v_y = 6.22$ のエキサイタキックを与えた時、パターン 1では分布が変化するが、パターン 2では変化しな い。つまり、高周波エキサイタを用いることで、分 布の変化から、チューンスプレッドの大きさを観測 することが出来ると考えられる。シミュレーション より、分布の変化を引き起こすためには、エキサイ タには最低 100 μ rad 程度の大きな蹴り角が必要であ ることが分かった。

磁場を用いた高周波 2 極エキサイタの 検討

高周波で 100 μrad 程度の大角度キックを、電極間 の電場によって得ようとする場合、膨大な電力が必 要となる。例えば、RCS における電極を用いたエキ サイタ^[5]で 100 μrad のキックを得ようとする場合、 数 MW もの入力パワーが必要となってしまい、現実 的ではない。そこで現在、磁場を用いた高周波 2 極 エキサイタを検討している。

エキサイタ周波数とチューンとを同期させるため には、少なくとも周回周波数である 600 kHz 以上の 高周波で磁場を励起する必要がある。これに対応す るため、磁場エキサイタの芯には、RCS や MR の加 速空洞に用いられているファインメットコアを用い ることを検討している^{[6][7]}。これは、厚さ約 18 µm のアモルファスリボンを巻いたもので、コアは層状 になっている。高周波磁束密度の高い領域でもコア の特性が変化しないため、従来にない高加速勾配を 実現している。

高周波 2 極磁場エキサイタ全体の概要を Figure 4 に示す。コアをレーストラック状に形成し、片方の 直線部をカットした C 型コアを二つ向かい合わせに する構造を想定している^[8]。入射直後のチューンス プレッドを測定することを想定し、400 MeV の陽子 に 100 µrad 程度の蹴り角を与えることを考えると、



Figure 4: The schematic view of the magnetic dipole exciter. Unit is mm.

必要な磁場は 5.00×10⁴ T・m となる。磁極長(コア の厚さ)を1 m とすると、必要な電流は、120 A とな る。

この系にコンデンサを並列につなぎ、共振させる ことを考えている。なぜなら、入力電流を 1/(Q 値) 倍に減らすことが出来るからである。適切な共振周 波数は、実現可能なコンデンサ容量で決まってくる。 コアの Gap 間距離と面積から、コアの厚さを 1 m と した時、インダクタンスは 1.26 µH となる。一方、 真空コンデンサをつなぎ合わせることで実現できる コンデンサ容量は最大で数 nF 程度である。そのた め、実現可能な共振周波数は、最低で数 MHz 程度 となる。例えば、3 MHz で共振させるとき、必要な コンデンサ容量は 2.24 nF である。

エキサイタに必要な入力パワーを見積もるために は、コアのシャントインピーダンス(*R_p*)がどの程度 になるかを知る必要がある。そこで、スケールダウ ンしたテストコアを作成し、シャントインピーダン スの測定を行った。

4. テストコアと測定装置

テストコアとして、Figure 4 に示した実機を 1/4 スケールに縮小した C 型コアを製作した。つまり Gap 長は 75 mm となる。厚さは 35 mm とした。

また、テストコアを測定するための装置を製作した。テストコアと測定装置の実際の写真を Figure 5 に示す。Gap を広げた際に磁束が広がったり漏れたりしないようにすること、実際の系に近い構造とすることを考慮し、コアの側面と上下を銅板で囲い、中心にバスバーを突き通す構造とした。バスバーは、コアの中心孔を十分に埋められる幅となっている。バスバー上部に入力した電流は、底面板、側面版、上面板へと流れるようになっている。底面版は可動式で、最大 3 個のコアを重ねることができる構造である。

5. 測定結果

テストコアのシャントインピーダンス測定の結果 を、Figure 6 に示す。測定装置をネットワークアナ ライザに直列に接続し、インピーダンスの実数項 *R*_s、



Figure 5: The picture of the test core and test stand.

虚数項 X_s から、シャントインピーダンス R_p を以下の式、に従って算出している。

$$R_p = R_s \left(1 + \left(\frac{X_s}{R_s} \right)^2 \right) \tag{1}$$

また、このコアを拡大した際に R_p は変わらず、コ アの厚さ分だけ増加するとして、実機のインダクタ ンス L、必要電流 Iを用いて、並列共振回路での Q値、最大入力パワーW をそれぞれ以下の式より算出 した。

$$Q = \frac{R_p}{\omega L}$$
(2)
$$W = \left(\frac{I}{Q}\right)^2 R_p$$
(3)

(2)、(3)式より、パワーW は周波数 ω の2乗に比例 し、 R_p に反比例することが分かる。Figure 6 の測定 結果より、 R_p の周波数に対する増加率は、周波数の 2 乗よりも緩やかであるので、周波数が小さいほど 必要パワーは少なくて済むことが分かる。実現でき るコンデンサ容量との兼ね合いから、3 MHz での共 振を想定すると、Figure 6 より $R_p = 27 \Omega$ となった。 この $R_p \varepsilon$ 、実機で想定しているコアの厚さである 1 m 分になるように 28.6 倍し、実機のコアのインダク タンス $L = 1.26 \mu$ H と共に(2)、(3)式に代入した結果、 Q=65、W = 5.3 kW と計算された。

次に、この Gap 長 75 mm のコアを 3 つ重ねて、 32 nF の積層セラミックコンデンサを測定装置に並 列に接続し、共振させて R_p と Q 値を測定した。測 定結果を Figure 7 に示す。結果より、共振周波数は 3.09 MHz となり、共振のピーク値より R_p = 35.9 Ω 、 共振の幅より Q = 23.5 という結果になった。つまり、



Figure 6: The results of the measurement of the shunt impedance of the test core.



Figure 7: The results of the shunt impedance measurements connecting capacitor in parallel.

コアーつあたりの R_p は 12 Ω となり、Figure 6 の測 定結果よりも小さくなった。このため、Q 値も減少 し、この結果を(3)式に当てはめると、W = 18 kW と なり必要なパワーが増加することになる。

これは、接続したコンデンサの直列抵抗(R_s)が大 きいため、コンデンサの $R_{p_{3}y_{7}y_{9}}$ が小さくなってし まい、

$$\frac{1}{R_{p \le k}} = \frac{1}{R_{p = \mathcal{T}}} + \frac{1}{R_{p = \mathcal{T} \neq \psi}} \quad (4)$$

の関係式より、回路全体の $R_{p \ 2k}$ が減少することに よると考えられる。実際、接続したコンデンサを直 接ネットワークアナライザで測定した結果、3 MHz で $R_{p \ 2 imes 7 \ 2}$ = 66.3 Ω であり、 $R_{p \ 2 imes 7}$ = 27×3 Ω を(4) 式にあてはめると、 $R_{p \ 2k}$ = 36.5 Ω と計算される。 つまり、必要な入力パワーを小さくするためには、 直列抵抗の小さなコンデンサを使用する必要がある ことが分かる。

6. まとめ

J-PARC RCS では、1 MW もの大強度出力を目指 している。そのためには、ビームロスの低減が必要 である。ロスの原因の一つとして、インコヒーレン トチューンスプレッドが挙げられる。そこで、これ を抑制、制御するために、インコヒーレントチュー ンスプレッドの測定を目指している。シミュレー ションの結果、高周波2極エキサイタを用いること で、スプレッドの大きさを観測できることが分かっ た。そこで現在、エキサイタの開発を行っている。 3 MHz 程度の高周波で、100 µrad もの大きな蹴り角 を実現するために、従来の電場を用いたものではな く、ファインメットを芯にした磁場エキサイタを検 討している。今回、想定している実機をスケールダ ウンしたテストコアを作成し、シャントインピーダ ンスの測定を行い、必要な入力パワーの見積りを 行った。その結果、直列抵抗の小さなコンデンサを 並列に接続することで、必要な入力パワーは数 kW 程度に抑えられることが分かった。今後は、より精 密な見積もりを可能とするために、Gap 長に対する コアのシャントインピーダンスの変化の測定などを 行なっていく。

6. 謝辞

本研究にあたり、野村昌弘氏、吉井正人氏、山本 昌亘氏をはじめとする J-PARC RF グループの皆様に、 多くのご協力を頂きました。また、山本風海氏をは じめとする RCS グループの皆様からも、多くのア ドバイス等を頂きました。深く感謝いたします。

参考文献

- Accelerator Technical Design Report for High-Intensity Proton Accelerator Facility Project, JAERI Report No.JAERI-Tech 2003-004 and KEK Report No.2002-13.
- [2] H. Harada, KEK Report No.2009-7.
- [3] S. Machida, OHO Accelerator Seminar Text (2000).
- [4] S. Kato et al., Proc. IPAC'13, China, MOPME020 (2013).
- [5] T. Miura et al., "Measurement of betatron-tune in the KEK 12GeV-PS/J-PARC" Proc. The 1th Annual Meeting of Particle Accelerator Society of Japan, Funabashi, E-6 (2004)
- [6] Y. Yoshizawa, S. Oguma, and K. Yamauchi, J. Appl. Phys. 64, 6044 (1988).
- [7] C. Ohmori et al., "HIGH GRADIENT MAGNETIC ALLOY CAVITIES FOR J-PARC UPGRADE" Proc. IPAC'11, Spain, p.2885 (2011).
- [8] C. Ohmori, "A low impedance kicker for high intensity proton rings" Proc. The 9th Annual Meeting of Particle Accelerator Society of Japan, Osaka, p.478 (2012).