# CURE OF LONGITUDINAL INSTABILITY BY ACCELERATION VOLTAGE MODULATION BY REVOLUTION AT SPring-8

Takeshi Nakamura<sup>1</sup>, T. Ohshima, H. Ego, Y. Ohashi, K. Soutome, K. Tamura JASRI / SPring-8, 1-1-1, Kouto, Sayo-cho, Sayo-gun, Hyogo, 679-5198, Japan

#### Abstract

Longitudinal instability appeared in low energy operation of the SPring-8 storage ring are suppressed by the introduction of the synchrotron frequency spread with the RF voltage modulation by the revolution frequency.

# SPring-8 での加速電圧の周回周波数変調による縦方向不安定性の抑制

### 1. はじめに

SPring-8では、通常のエネルギーである8GeVから 4GeVに下げた低エネルギー運転の試験を行っているが [1]、放射減衰がエネルギーの3乗に比例するため、 4GeVでは放射減衰が1/8となり、ビーム不安定性が問題 となる。横方向の不安定性は、bunch-by-bunchフィード バックにより抑制されているが、縦方向の不安定性20mA 程度から観測され、40mA以上でのビームの入射が困難 となる。これに対して加速電圧を周回周波数により変調 することにより、バンチのシンクロトロン振動に広がりを持 たせて抑制する手法[2,3,4]を適用し、100mAの蓄積電 流が得られた。

#### 2. SPring-8 蓄積リング

SPring-8蓄積リングのパラメータを表1に示す。

parameter	symbol	value		unit
Current	Ι	100		mA
Revolution frequency	$f_{o}$	208.8		kHz
Acceleration Frequency	$f_{RF}$	508.58		MHz
harmonics	h	2436		
Max. acceleration voltage	$V_{0, max}$	16		MV
Energy	$E_{o}$	8	4	GeV
Energy Radiation Damping time	$t_E$	4.1	34	ms
Energy loss at arc	$U_0$	8.91	0.56	MeV

#### 3. 計算

加速空洞のうち、一部を周回周波数だけずらして駆動した場合の加速電圧は位相を適当にとると、

$$V(t) = V_0 \sin \omega_{RF} t + V_1 \sin(\omega_{RF} + \omega_0) t \tag{1}$$

とかける。ここで、 $\omega_{RF} = 2\pi f_{RF}$ 、 $\omega_0 = 2\pi f_0$ 、 $V_0$ は通常の 加速電圧、 $V_1$ は  $f_0$ だけ上にずらした周波数での電圧で ある。k番目のバンチが加速されるタイミングは

$$t_{k} = nT_{0} + \frac{k}{h}T_{0} - \left(\tau_{k} + \tau_{s,k}\right) , \quad \tau_{k} << \frac{T_{0}}{h}$$
(2)

である。ここで、 $\tau_{s,k}$ は平衡点のタイミング、 $\tau_s$ は、シン クロトロン振動によるそこからのずれを表す。

 $V_1/V_0 <<1$  および放射損失 $U_0 << V_0$ の場合を考えれば 平衡点 $\tau_{s,k,k}$ はほぼ0 としてよい。このとき、k番目のバン チの感じる加速の時間勾配は式(1)、(2)から

$$\frac{dV_k}{d\tau} = \omega_{RF} V_0 \cos \omega_{RF} t_k + (\omega_{RF} + \omega_0) V_1 \cos(\omega_{RF} + \omega_0) t_k$$

$$\simeq \omega_{RF} \left( V_0 + V_1 \cos 2\pi \frac{k}{h} \right) \tag{3}$$

となる。最後の近似で h>>1 を用いている。これをシンク ロトロン周波数の式

$$\omega_{s,k} = \sqrt{\alpha \frac{1}{E_0 T_0} e \frac{dV_k}{d\tau}}$$
(4)

$$\omega_{s,k} = \sqrt{\alpha \frac{e}{E_0 T_0}} \left( V_0 + V_1 \cos 2\pi \frac{k}{h} \right) \omega_{RF}$$
$$\cong \omega_{s0} \left( 1 + \frac{V_1}{2V_0} \cos \frac{k}{h} \right)$$
(5)

が得られる。ここで、
$$\omega_{s0} = \sqrt{\alpha \frac{eV_0}{E_0 T_0}} \omega_{RF}$$
としている。

# 4. 構成

4GeV時の放射損失は、8GeVの時にくらべて小さいの で、SPring-8蓄積リングのもつ、A、B、C、Dの4つのス テーションのうちの3ステーションで蓄積に十分な加速電 圧が得られる。そこでAステーションについて周波数をず らすことにした。シンクロトロン振動に広がりを持たせるた めには、加速周波数から周回周波数分だけ高い周波数 または低い周波数を用いることができるが、加速空洞は、 チューナーを挿入するほうが、引き抜くより周波数の可 変範囲を大きくできるので、チューナーをより大きく挿入 し周回周波数分だけ高い周波数で駆動することにした。 クライストロンをはじめ、RF機器はこの周波数のシフトに 対して十分なバンド幅をもっている。

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> E-mail: nakmaura@spring8.or.jp URL: http://acc-web.spring8.or.jp/~nakamura/



Figure 1. Circuit to create  $f_{RF} + f_0$  frequency signal.

### 5. 変調信号の生成

加速周波数から周回周波数分だけ高い周波数(*f*<sub>RF</sub> + *f*<sub>0</sub>)を得るためにFig. 1の回路を用いた[6]。508.58MHz の加速周波数を分周するFrequency divider はdutyの低 いパルス信号を出力するため、これからFFを用いてまず 208.8kHzの50% dutyのI, Q信号を生成する。この信号で 508.58MHzをI/Q変調し、高い側のサイドバンドのみを取 り出す。この回路のクライストロンへの入力時のスペクトル をFig. 2の上図に示す。また、加速空洞のピックアップ信 号をFig. 2の下図に示すが、不要な信号の成分は、Q値 として約10,000をもつ加速空洞のバンド幅により阻止さ れ、加速電圧では-50dBcまで下げることができている。



Figure 2: Frequency spectrum for A-station. Top: output of IQ modulator. bottom: cavity pickup signal.

#### 6. 実験

#### シンクトロトン周波数の広がり

 $V_0 = 4$ MVで $V_1 = 0$ MV, 0.5MV, 1MVの変調をおこ なった場合のシンクロトロン振動のスペクトルをFig. 3 に示す。ほぼ予想通りの広がりが得られている。このと きのmomentum compaction factorは $\alpha_p = 1.46 \times 10^{-4}$ で ある。



Figure 3: Spectrum of synchrotron oscillation for  $V_0$ .=4MV and  $V_1$ =0(orange: single peak),  $V_1$ =0.5MV(blue: narrow double peaks),  $V_1$ =1MV(green: wide double peaks). Arrows show a peak for  $V_1$ =0 (1.5kHz) and two peaks for  $V_1$ =1MV (1.3kHz, 1.7kHz).

#### 不安定性抑制

 $V_0 = 4$ MVで行った。まず $V_1 = 0$ でビームを蓄積していく と、電流 I=30mA 近辺 でピックアップ 電極の信号に 620MHz近辺のシンクロトロン振動のピークが発生し(Fig. 4の上図)、入射が困難となった。これは、加速空洞の TM011モード(~905MHz = 3f<sub>RF</sub> - 620MHz)による縦方向 マルチバンチ不安定性が発生していると考えられる。こ こで、 $V_1 = 1$ MV に上げると、サイドバンドは消失し、 100mAまで蓄積することができた。不安定性のピークは  $V_1 = 0, 30$ mAの時と比較して $V_1 = 1$  MV、100mAでは一 桁以上小さくなっている(Fig. 4の下図)。



Figure 4: Beam spectrum. Top: I=37.4mA,  $V_1$ =0MV,  $V_0$ =4MV. High synchrotron peaks at 620MHz are observed. Bottom: I=99.5mA,  $V_1$ =1MV,  $V_0$ =4MV.

ストリークカメラ

ストリークカメラを用いたバンチのタイミングの測定結 果をFig. 5に示す。電圧は $V_0$  =5.4MV,  $V_1$  =2MV, 電流 は100mAである。垂直軸は、個々のバンチのタイミング、 水平軸は、異なるバンチを重ね書きしていったものであ り、一周にわたって記録している。また、何回も重ね書き しているので、コヒーレントなシンクロトロン振動は縦方 向の寸法として現れる。図中、Aの部分では、ビームが 大きく振動していることがわかるが、この振動は、不安定 性のシミュレーション[7]の結果(Fig. 6) にも現れている。 また、入射時も、この部位への入射効率の悪化がみら れ、この測定の時には、A以外の部分に比べてバンチ 電流値は1/2となっている。Bの部分にも振動が生じてい るのも観測されているが、シミュレーションでもわずかで あるが振動が発生しているのがわかる。このとき  $\alpha_P$  =1.63×10<sup>-4</sup>である

#### まとめ

4GeV運転では蓄積電流30mA近辺から縦方向のビーム不安定性が生じ、ビームの入射を妨げていた。これを4つのRFステーションのうちの一つを、周回周波数分だけ高い周波数で駆動することによりバンチ間でシンクロトロン振動数に広がりをもたせて抑制し、最初の目標である100mAの蓄積に成功した。しかし、ビームの一部に、不安定性の発生によると思われるシンクロトロン振動の発生が観測された。今後、このような不安定性の発生をフィリングパターンの最適化により抑制できるかを試みる必要がある。



Figure 5: The timing of bunches taken by a dual sweep type streak camera. The vertical and horizontal is the timing and position in a ring of bunches, respectively. The filling has intentional twelve gaps as seen and the bunch current of part A is 1/2 of the bunch current of the other part by the loss at injection.



Figure 6: The results of simulation with equal spacing 116 bunches and  $V_0$  and  $V_1$  are the same as Figure 5. The cavity HOM is assumed to have R/Q=2000 and Q=300 at 910MHz. Several snapshot data are shown for bunch timing.

### 参考文献

- K. Soutome et al., "Present Status of Low Energy Operation at SPring-8", Proc. of the 3rd Meeting of Accelerator Society in Japan, Sendai, Aug. 2-4, 2006.
- [2] T. Kasuga et. al., "Suppression of longitudinal coupled-bunch instability by decoupling method", JJAP27(1988)1976
- [3] K. Tamura et al.,"Suppression of Longitudinal Coupled Bunch Instabilities in NIJI-II Electron Storage Ring", 9th Symp. on Acc. Sci. & Tech, Tsukuba 1993 p.410
- [4] T. Nakamura, "Possible Methods for Cure of Multi-Bunch Instabilities in the SPring-8 Storage Ring", SPring-8 Annual Report 1996.
- [5] O. Naumann et al., "Landau Damping of Longitudinal Instabilities for the Operation of the ESRF Storage Ring", EPAC'98, Stockholm, Sweden, 1998.
- [6] Private communication with T. Oshima and K. Kobayashi, SPring-8.
- T. Nakamura, "The Coupled-Bunch Instabilities Simulation Code CISR - Longitudinal Motion -" SPring-8 Annual Report 1995.